

Images et antécédents

Niveau 1

Exercice 15 p 87

a) 2 est l'image de 4 par la fonction g

b) -2 est l'image de -5 par la fonction g

c) L'image de $\frac{1}{2}$ est -3

Exercice 16 p 87

a) 0 est l'antécédent de 1 par la fonction h

b) -2 a pour antécédent 2,5

c) 0 a pour antécédent -1

Ex 17 p 87

	Notation mathématique	Notation en français
a)	$f(7) = 2$	l'image de 7 est 2
	$f(8) = -3$	Un antécédent de -3 est 8
	$f(4) = 5$	4 a pour image 5
	$f(-6) = 1$	1 a pour antécédent -6

b) $f(-3) = 4$ signifie que -3 a pour image 4 ou que 4 a pour antécédent -3.

Exercice 18 p 87

c) $4 \rightarrow 4^2 = 16 \rightarrow 16 - 4 = 12 \rightarrow 12 \times 2 = 24$

b) $7 \rightarrow 7^2 = 49 \rightarrow 49 - 7 = 42 \rightarrow 42 \times 2 = 90$

donc $f(7) = 90$

$\left\{ \begin{array}{l} \text{l'image de } 7 \text{ par la fonction } f \text{ est } 90 \\ \text{l'antécédent de } 90 \text{ par la fonction } f \text{ est } 7 \end{array} \right.$

c) $-8 \rightarrow (-8)^2 = (-8) \times (-8) = 64 \rightarrow 64 - 5 = 60 \rightarrow 60 \times 2 = 120$
 $f(-8) = 120$

d) $x \rightarrow x^2 \rightarrow x^2 - 5 \rightarrow (x^2 - 5) \times 2$
 donc $f(x) = 2(x^2 - 5)$
ou $f: x \mapsto 2(x^2 - 5)$

Exercice 19 p 87

a) oppose $g: x \mapsto -x$ ($\text{ex } g(-2) = 2$
 $g(2) = -2$)

b) $f: x \mapsto 2x$ la fonction qui, à un nombre, associe son double
 $h: x \mapsto \frac{1}{2}x$ la fonction qui, à un nombre, associe sa moitié

c) $f(10) = 2 \times 10 = 20 / g(10) = -10 / h(10) = \frac{1}{2} \times 10 = 5$

Ex 33 p 85

$$\begin{aligned} f(x) &= -3x + 2 & f(1) &= -3 \times 1 + 2 = -3 + 2 = -1 \\ f(0) &= -3 \times 0 + 2 = 2 & f(-2) &= -3 \times (-2) + 2 = 6 + 2 = 8 \\ f\left(\frac{2}{3}\right) &= -3 \times \frac{2}{3} + 2 = -2 + 2 = 0 \end{aligned}$$

Ex 34 p 85

$$\begin{aligned} g: x &\mapsto x(4x - 1) \quad \underline{\text{ou}} \quad g(x) = x(4x - 1) \\ g(2) &= 2 \times (4 \times 2 - 1) = 2 \times 7 = 14 \\ g(0) &= 0 \times (4 \times 0 - 1) = 0 \\ g(-3) &= (-3) \times (4 \times (-3) - 1) = -3 \times (-12 - 1) \\ &= -3 \times (-13) = 39 \end{aligned}$$

$$g\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \times \left(4 \times \frac{1}{2} - 1\right) = \frac{1}{2} \times (2 - 1) = \frac{1}{2}$$

Ex 35 p 85

$$h(x) = -7x \quad \text{Justifiez si } 28 \text{ est l'image de } -4$$

$$\text{soit } h(-4) = -7 \times (-4) = 28 \quad \text{done vrai}$$

Lorsque $x = -4$, alors $y = h(-4) = \underline{\underline{28}}$ donc faux

antidéfaut image

Ex 38 p 89

$$1 \text{ a)} \quad 2 \rightarrow 2^2 = 4 \rightarrow 4 \times 5 = 20 \rightarrow 20 + 10 = 30 \quad \text{vrai}$$

$$\text{b)} \quad 0,1 \rightarrow 0,1^2 = 0,01 \rightarrow 0,01 \times 5 = 0,05 \rightarrow 0,05 + 10 = 10,05$$

$$2 \text{ a)} \quad x \rightarrow x^2 \rightarrow 5x^2 \rightarrow 5x^2 + 10$$

$$\text{donc } p(x) = 5x^2 + 10$$

$$\text{b)} \quad p(-1) = 5 \times (-1)^2 + 10 = 15$$

$$p(3) = 5 \times 3^2 + 10 = 45 + 10 = 55$$

$$p(0) = 10$$

$$\text{c)} \quad p(0,2) = 5 \times (0,2)^2 + 10 = 5 \times 0,04 + 10 = 10,2 \quad \text{donc vrai}$$